**Тема7.2. Логарифми. Види логарифмів та їх властивості.**

1. **Мотивація. Актуализація знань**

Слово логарифм походить від грецького λόyoφ (число) і αρίνμοφ (відношення) і перекладається, отже, як відношення чисел.

Винахідник логарифмів, укладач першої таблиці логарифмів був англійський математик Непер Джон.

Його математичні праці спрямовані на спрощення та впорядкування арифметики, алгебри і тригонометрії. 1614 року Непер видав працю "Опис дивовижної таблиці логарифмів", в якій не тільки дав визначення логарифма, описав його властивості, але й запропонував таблиці логарифмів синусів, косинусів і тангенсів. Також Непер відкрив логарифмічну криву. Пізніше їм була винайдена логарифмічна лінійка, якою користувалися до 70-х років ХХ ст.

Застосування логарифма (Банківські розрахунки, Географія, Розрахунки у виробництві, Біологія, Хімія, Фізика, Астрономія, Психологія, Соціологія, Музика).

Використання логарифмів дозволяє замінити множення на значно більш просте додавання, ділення - на віднімання, а зведення до степеня і добування кореня замінюються відповідно на множення і ділення на показник степеня числа.

1. **Поняття логарифма числа**

Рівняння *ах = b,* де *a >* 0, *а ≠* 1, *b >* 0 (рис. 162) має єдиний корінь. Цей корінь називається логарифмом числа *b* за основою *a* і позначається *logab.*

 *Наприклад:* коренем рівняння 2*х* = 8 є число 3, тобто *log*2 8 *= –* 3.

!

*Логарифмом* додатного числа *b* за основою *а,* де *а >* 0, *а ≠* 1, називається *показник степеня,* до якого треба піднести число *а,* щоб одержати число *b.*

*Наприклад:* *log*28 = 3, оскільки 23 = 8;

 *log*2  = – 2, оскільки 2-2 = ;

 *log*7l = 0, оскільки 70 = 1.

**Десятковими** логарифмами називаються логарифми за осно­вою 10, позначаються *lg*.

*Наприклад,* *lg*100 = 2, *lg*0,0001 = - 4.

**Натуральними** логарифмами називаються логарифми за ос­новою *е* (число *е —* ірраціональне, *е* == 2,718281828459045...), позначаються *ln*.

*Наприклад:* *ln* *е* = 1, *ln* *е*2 *=* 2, *ln*  = -1.

Означення логарифма можна коротко записати так: *.*

Ця рівність справедлива при *b > 0, a > 0, a ≠* 1 називається **основною логарифмічною тотожністю.**

*Наприклад:* , .

1. **Основні властивості логарифмів.**

При виконанні перетворень виразів, які містять логарифми, при обчисленнях і при розв'язуванні рівнянь, нерівностей часто використовуються властивості логарифмів.

Для будь-яких *а >* 0, *а ≠* 1 і будь-яких додатних *х* і *у* виконуються рівності:

|  |
| --- |
| l. *logа* l = 0;2. *logаa* *=* 1;3. *logа* *xy* = *logа x* + *logа* *y*;4. *logа* = *logа* *x –* *logа y;*5. *logа* *х р* *= p logа x* (*р*  *R*);6.  *=  loga x (p  R);*7. *loga x* =  (*b* > 0, *b* ≠ 1).  |

**Приклади**

1. Розглянемо приклади використання формул 3-7. Обчислимо:

1) *log*6 18 + *log*6 2 = *log*6(18 – 2) *=* *log*6 36 = 2;

2) *log*12 48 – *log*12 4 = *log*6  = *log*12 12 = 1;

3) *log*6 *= log*6 *= log*6 3 *= ·* 1 *= *;

4) *log*125 5 = *log*125 5 = *log*5 5 = ** · 1 = **;

5)  = *log*4 16 = *log*4 42 = 2 log4 4 = 2 · 1 = 2.

а) Обчисліть: ; *.*

# **Розв'язання**

=====·=.

====·= 5.

б) Обчисліть .

## Розв'язання

==== 52 · 3-2 =

= 25 ·  =  = .

**Домашнє завдання.**

-вивчити матеріал лекції;

-розв’язати № 30, 27, 26, 21 (Г.Н.Литвиненко. Збірник завдань для атестації з математики учнів 10-11 кл.)